履歴減衰に基づく RC 橋脚の減衰機構の考察

青戸拡起¹·高梨和光²

¹株式会社 フォーラムエイト 宮崎支社(〒889-1603 宮崎市学園木花台西 2-1-1) ²正会員 清水建設 株式会社(〒105-8007 東京都港区芝浦一丁目 2-3 シーバンス S 館)

1.はじめに

1995年1月17日、我が国の戦後災害史上未 曾有の大惨事を引き起こした阪神淡路大震災が起き た。さらに、東海地震,東南海/南海地震,首都圏直 下型地震,宮城県沖地震など,大都市を含む地域へ の次の地震の襲来が危惧されている。さらに、20 04年10月23日17時56分頃に発生した新潟 県中越地震では、阪神・淡路大震災以降はじめて震 度7を記録した直下型大地震で上越新幹線や関越自 動車道に代表される広域的な社会基盤システムに甚 大な被害をもたらした。

このような地震被害に対して、阪神淡路大震災を 契機として、構造物の動的非線形解析が実務におい ても活用されてきている。例えば、道路橋示方書耐 震設計編では、地震時挙動を合理的に照査できる動 的照査法を静的照査法と並列に記述されている。今 後、「性能設計」への移行が進み、動的照査法を加味 した性能規定型の基準改訂が見込まれる。このよう に構造物等の地震時、安全性確保のためには、構造 物の減衰特性の把握が必要である。

一方、計算機環境の向上から、橋梁の耐震設計で (材料)非線形を考慮した動的解析が積極的に利用 されるようになってきている。このとき、比較的大 規模なモデルの解析も少なくない。特に、非線形性 を考慮した動的解析においては時刻歴応答解析法を 用いることが多くなっている。動的解析では非線形 部材の要素モデル化が重要であると同時に、減衰マ トリクスを正しく考慮する必要がある。鋼材はそれ が降伏しない限り線形材料であるが、減衰挙動を粘 性減衰でモデル化することが多い。しかし、鉄筋お よびコンクリート(以下、RC)などの非線形材料か らなる部材は、その材料非線形に起因する「履歴減 衰」が支配的で、「粘性減衰」は付加しなくてもよい ¹⁾⁵⁾といわれている。 本論文は、対数減衰率の考え方を応用して RC 部 材の減衰特性を考察するとともに、要素モデルの違 いや減衰定数が部材、免震支承の最大応答に与える 影響を考察したものである。

2.解析モデル

(1)対象および解析モデル

矩形 RC 断面を有する橋脚高さが 10m の標準的な 単柱式橋脚²⁾を対象とし、その橋軸方向に着目した。 フーチング底面は固定とした。橋脚天端には 600t の 集中質量を与え、躯体は調和質量マトリクスとした (図-1(a))。減衰マトリクスについては、要素別剛 性比例減衰を用いる。解析コードは、 UC-win/FRAME(3D)を用いる¹⁰⁾¹¹。

後述する履歴モデルを適用して、ファイバー要素 (3次元)による解析とM - 要素(Takeda モデル) による解析を行う。ファイバー要素は部材両端で剛 性を制御し、M - 要素は要素中央で剛性を制御す るモデルとした。柱基部の非線形要素の長さについ て、道示V⁶⁾ 仮定されている曲率分布の仮定を参照 し、解析モデルの曲率分布と一致するよう設定した。 すると本論文で用いている要素の長さは、ファイバ ー要素は2×Lp、M - 要素はLpとなる。また、非 線形要素とする領域は柱基部から4×Lpの領域とし ている。Lpは道示Vで定義される塑性ヒンジ長(= 塑性曲率が一定となる領域)である。

各モデルの荷重変位関係は図 - 1(b)のようになり、 地震時保有水平耐力法(タイプ 2 地震動)と解析モ デルの終局変位は比較的良く一致する。ここで、終 局状態の定義は、ファイバー要素モデルではその最 外縁軸方向鉄筋位置の圧縮ひずみがコアコンクリー トの終局ひずみに達した点であり、M - 要素モデ ルでは塑性ヒンジ中央の曲率が終局曲率に達した状 態としている。





(2) 非線形部材の要素モデル

a)ファイバー要素

図-2 に、ファイバー要素に用いた材料非線形モデ ルを示す。

鉄筋はひずみ硬化を表現し、M-P モデルによって バウシンガー効果を考慮している⁹⁾(図-2(c))。その 骨格は、ひずみ硬化領域をより正確にモデル化する ためにトリリニア型としている。

コンクリートは、その骨格を道示 V⁶10.4 に準じて 設定している。ただし、引張領域はひびわれ発生後 の軟化を初期ヤング係数の 1/10 程度の直線で与えて いる。圧縮領域の履歴特性は、徐荷特性は 2 次曲線、 再載荷特性は最大圧縮点を指向する直線としている。 また、圧縮履歴がその最大応力点に達した後は引張 応力が発生しない、経路依存型の構成則となってい る。引張領域の徐荷・再載荷特性は、初期剛性をも つ直線で与えている(図-2(a))。引張から圧縮に向 かう際の再接触、および付着応力は考慮していない。 また、かぶりコンクリートは横拘束効果が及ばない ものとし、その骨格特性をコアコンクリートと区別 している⁸⁾(図-2(b))。







(b) かぶり/コア







減衰マトリクスは要素別剛性比例(初期剛性使用) を用いている。ただし、コンクリートはその詳細な 非線形材料履歴により履歴減衰による減衰が十分に 考慮されることから、コンクリート部分の粘性減衰 は作用しないものとした。一方、鋼材は線形域でも 減衰自由振動が認められることから、鉄筋には5%の 粘性減衰定数を与え鉄筋分の剛性のみに比例させる こととした。よって、ファイバー要素に生じる粘性 減衰力は、非常に小さい。

以後、この要素を用いた解析モデルを、ファイバ -要素モデルと呼ぶことにする。

b)M- 要素



図-3 M - 要素に適用する履歴モデル (Takeda モデル)

図-3 に、M - 要素に用いた履歴モデル(Takeda モデル³⁾)を示す。ひびわれ、初降伏、終局を結ぶ トリリニア型としたが、塑性ヒンジ部については地 震時保有耐力法の荷重変位関係に一致するよう調整 している。徐荷時剛性低下指数は0.5 とした。

減衰マトリクスはファイバー要素モデルと同様、 要素別剛性比例(初期剛性使用)を用いた。なお、 以降の検討では非線形部材に0%~10%の間で粘性 減衰定数を変化させその影響を検討している。ファ イバー要素モデルと同様、線形部材の等価粘性減衰 は考慮していない。

以後、この要素を用いた解析モデルをM - 要素 モデルと呼ぶ。

3.非線形系の自由振動に関する検証

1)対数減衰率からの非線形粘性減衰定数の同定

線形系の振動において粘性減衰定数を算定する方 法として、対数減衰率による方法がある。これは、 自由振動波形の各振幅から対数減衰率を求め、粘 性減衰定数を式(1)より同定する方法である⁴⁾。



図-4 自由振動波形の例

$$\lambda = \log_{e}(\mathbf{u}_{i-1} / \mathbf{u}_{i}) \qquad 2\pi h \tag{1}$$

ここで、 λ :対数減衰率 h :粘性減衰定数

これは、減衰自由振動波形があればそれから直接その粘性減衰定数を簡単に評価できる利点がある。

本論文では、この方法を非線形系の自由振動に応 用する。時刻歴波形から線形部材であれば、この対 数減衰率はどの区間の隣り合う振幅を用いても一定 となるが、非線形系では一定とならない。そこで、 本論文では時刻 t における対数減衰率を式(2)のよう に定義する。

$$\lambda (t) = \lambda_i = \log_e(\mathbf{u}_{i-1} / \mathbf{u}_i) = 2\pi h_i \qquad (2a)$$

$$h_{\rm i} = \lambda_{\rm i} / 2\pi \tag{2b}$$

ここで、 λ_i : i 番目と i-1 番目の振幅より求めた 対数減衰率

 h_i : 対数減衰率 λ_i から決まる減衰定数

非線形系の自由振動の場合は履歴減衰の効果が振幅 の大きさによって異なるので、この減衰定数 h_iは時 間を追って変化することになる。図-5 に、ファイバ ー要素モデルを用いて 2 章に示した RC 橋脚を自由 振動させ、式(2)から得られる減衰定数 h_iの時間変 化を整理した。時間の経過に伴い減衰定数 h_iが小さ くなっていくことが確認できる。従って、対数減衰 率を用いることで、履歴エネルギーの変化に伴う減 衰効果の変化が表現できるものと考えられる。



図-5 非線形系の自由振動波形の例とその対数減衰 率から求めた減衰定数 h_i (わずかにひびわれが発生する程度の応答)

また、履歴減衰を定量的に表現する手法として、 定常履歴ループ時での等価粘性減衰定数 *h*_{eq} が用い られることがある⁷⁾。例えばバイリニア Takeda モデ ルの場合、次式で表される。

$$h_{\rm eq} = (1 / \pi) \cdot (1 - 1 / \mu_{\rm eq})$$
 (3)

ここで、 h_{eq} : 定常履歴ループ時での等価粘性減衰定数

μ_{eq}:有効応答塑性率。応答塑性率の 0.7
 倍とすることが多い。

これは、時間的な減衰特性の変化や自由振動特性を 直接表すものではない。本論文では、対象構造物が 1 自由度系の振動性状を示すことから、自由振動の 減衰特性を直接表すことができる対数減衰率に着目 して、これを応用することとした。

これ以降の結果は、1番目(最大変位発生点)と2 番目の振幅から得られる対数減衰率 λ_1 から求めた減 衰定数 h_1 に着目して、非線形系の自由振動特性に ついて考察する。 (2) 最大応答塑性率と対数減衰率



図-6 最大応答塑性率と減衰定数 h 1 の関係 (初期剛性使用)



初期加速度を変化させることにより、自由振動





の最大振幅を変化させて、減衰定数 h 」と最大応答 塑性率の関係を整理した(図-6)。M - 要素モデル では、非線形部材に与える粘性減衰定数 h を変化さ せた。応答塑性率は、最大応答変位 / 降伏変位であ る。

ファイバー要素モデルの減衰特性は、極小値を持 つのが特徴である(以降、これを"減衰の谷"と証 する)。塑性率が1付近までは、断面内にひびわれが 進行、すなわち圧縮領域の縮小に伴い履歴エネルギ ーが小さくなり減衰定数h」が徐々に減少していく。 しかし、最大応答塑性率が1を超えると鉄筋の履歴 エネルギーが付加されるため、最大応答塑性率の上 昇にほぼ比例して減衰定数h」が増加する。一方、 M- 要素モデルでは、応答塑性率の増大に伴い減 衰定数h」が右上がりで増加するが、ある塑性率で 頭打ちとなる傾向があり"減衰の谷"は見られない。 また、非線形部材に与える粘性減衰定数hを大きく すると、減衰定数 h_1 も増加している。すなわち、 非線形履歴による履歴減衰に加え、減衰マトリクス による粘性減衰が付加されると、橋脚全体の減衰効 果が増大することが表れている。このとき、塑性化 した場合では減衰定数 h_1 で 3% ~ 5%の効果になる。 しかし、最大応答塑性率が 1 未満の領域において、 特にひびわれ発生前後では減衰定数 h_1 にして 2%に も満たない。最大応答塑性率が 2 を超えるとファイ バー要素モデルの減衰定数 h_1 は非常に大きくなり、 M - 要素モデルに大きな粘性減衰を付加しても、 ファイバー要素モデルに比べて不足する状態を表し ている。この状態は、応答塑性率の小さいひびわれ 発生前後の領域においても同様である。

図-7 に、この時のファイバー要素モデルとM-要素モデルの最大応答塑性率の比較を示す。このと き、M- 要素モデルにおいて粘性減衰を大きく付 加すると、ファイバー要素に比べ最大応答塑性率が 減少し、最大 70%程度までになる。特に、応答塑性 率の大きい時にその傾向が強いのが特徴である。し かし、粘性減衰定数 h を付加しなければ、応答塑性 率の大小に関係なく、M - 要素モデルとファイバ ー要素モデルはほぼ同等の結果が得られることがわ かる。

図-8 に、この時のファイバー要素モデルとM -要素モデル(h=5%)の橋脚天端位置における応答加 速度 - 変位図を示す。(a)はひびわれ発生前、(b) は降伏前後、(c)は最大応答塑性率が 2.6 程度の時、 (d)は最大応答塑性率が 4.1 程度の時の図である。材 料非線形を考慮したファイバー要素では、ひびわれ 発生前でも明確に履歴減衰が得られることがわかる。 M - 要素モデルは線形域での応答のため、履歴の 面積は粘性減衰定数の大きさに依存することになる。 しかし、降伏前後では大きく履歴の形状が異なり、

M - 要素モデルに比べてファイバー要素モデルの 履歴面積が小さい。これは、ファイバー要素モデル では断面内のひびわれが進行し、すなわち履歴エネ ルギーが発生する圧縮領域が縮小したためと考えら れる。最大応答率が 2.6 程度では、M - 要素モデ ルとファイバー要素モデルで履歴挙動に顕著な違い は見られず、対数減衰率で評価した減衰定数がほぼ 同等になったものと思われる。最大応答率が 4.1 程 度では、M - 要素モデルとファイバー要素モデル で最大応答発生後の履歴挙動に顕著な違いが見られ、 対数減衰率で評価した減衰定数の違いにつながった ものと思われる。



(非免震、瞬間剛性使用)

ファイバー要素モデルと粘性減衰を与えないM -

要素モデルは、その履歴減衰特性、すなわち、自 由振動特性が大きく異なったものの、この自由振動 の最大応答量には全くといっていいほど影響が無い と言える。しかし、M - 要素モデルは、ひびわれ 発生前は線形部材として挙動するため、履歴減衰が 発生せず、それを粘性減衰により補わなければなら ない。この結果、特に塑性率の大きな応答において、 ファイバー要素の応答を大きく下回ることになって しまう。

そこで、同じ要素別剛性比例減衰を、今度は「瞬間」剛性に比例させる形で適用し、同様にM-要素モデルに与える粘性減衰定数 h を変え最大応答に与える影響を整理した(図-9)。すると、応答塑性率の大きな領域での差異を縮めることができることがわかる。しかし、その分粘性減衰の作用が小さいため、数値計算上、積分時間間隔を 1/1000 以下にするなど収束解を得るために相当の工夫が必要であった。

4.地震による非線形系の振動に関する検証

実際の地震時の応答は、数回の大きな振幅を経験 した後に最大応答が発生するはずであり、自由振動 の特性と異なることが予想される。ここでは不規則 な地震応答による最大応答に着目して、ファイバー 要素モデルと M- 要素モデルの最大応答の特徴を 検証する。

(1) 非免震橋脚の最大応答と粘性減衰定数

道路橋示方書⁶⁾に記載されている、レベル2地震動 I種地盤用の標準波形6波を用いて解析を行い、 その最大応答塑性率を整理した(図-10)。

前章の検証と同様、M - 要素モデルで粘性減衰 定数 h を 0 とした場合は、ファイバー要素モデルと ほぼ同等の最大応答を得ている。また、タイプ I 地 震動、タイプ II 地震動の違いによる明確な傾向の差 異も見られない。しかし、粘性減衰を大きく付加す ると M - 要素モデルの最大応答は大きく減少し、 粘性減衰定数 h を 10%とした場合、ファイバー要素 モデルに比べ、最大 50%程度にまで減少する場合が ある。

前章で検証した自由振動においては、粘性減衰定 数 hを 10%と与えた場合に最大応答が 70%程度に減 少したが、地震動による応答では 50%程度まで減少 する。すなわち、自由振動よりも繰り返し作用を受 ける地震応答に対するほうが、粘性減衰定数 h の影 響が大きいことになる。

なお、ここでも減衰マトリクスに瞬間剛性を使用

した場合について整理した(図-11)。自由振動の場 合と同様に、粘性減衰の影響が、先の初期剛性比例 に比べ弱まっている。しかし、タイプII地震動では、 ほとんどの場合において収束解が得られず、数値計 算が困難であったことは自由振動の計算時と同様で ある。



(2) 免震橋脚の最大応答と粘性減衰定数

今度は、免震支承を有する橋脚において、部材に 与えた粘性減衰定数の影響を検証した。免震支承は 図-12 に示すバイリニア形のばね要素でモデル化し、 その粘性減衰は0とした。



図-12 免震支承のモデル化(HDR)



図-13 に橋脚の最大応答塑性率を整理した。M-要素モデルは粘性減衰を付加するほど最大応答塑 性率が減少するものの、非免震の場合と異なり、部 材に粘性減衰を与えない場合(*h*=0%)でもファイバ ー要素モデルに比べ 140%もの大きな最大応答が発 生している。地震動にもよるが、M- 要素モデル は粘性減衰定数 *h* をある程度与えなければ、ファイ バー要素モデルと同等の最大応答塑性率を得ること はできないことになる。また、それを得るための粘 性減衰定数の目安も応答塑性率のレベルや地震動に よって大きく異なる傾向にあり、一律に定まらない。

図-14 に、免震支承の最大応答変位を整理した結 果を示す。免震支承の最大応答変位は、橋脚に与え る粘性減衰定数によらず、M-要素モデル、ファ イバー要素モデルで同様の結果が得られることが確認できる。



(免震、初期剛性使用)

5.おわりに

ファイバー要素解析とTakeda モデルを適用したM - 要素モデルから得られる非線形 RC 部材の自由 振動特性を対数減衰率から求めた減衰定数 h_iを検 討することにより、以下のことが明らかとなった。

- 減衰定数 h i は、ひびわれの進行に伴い減少する が、塑性率が 1 を超え鉄筋の履歴エネルギーが 生じると増大する。一方、Takeda モデルを用い たM - 要素モデルでは、塑性率が 1 に満たな い小さな領域と 2 を超える大きな領域で、減衰 定数 h i がファイバー要素モデルに比べ非常に 小さい。粘性減衰を付加すると、減衰定数 h i も大きく上昇する。
- 2) 地震応答に対しても、ファイバー要素モデルと 粘性減衰を付加しないM - 要素モデルとで、 ほぼ同等の最大応答塑性率が得られた。ただし、 粘性減衰が最大応答塑性率に与える影響は、自 由振動に比べ大きい。また、免震橋を対象とし た場合は、M - 要素モデルは粘性減衰定数を 付加しなければファイバー要素モデルと同等の 最大応答塑性率を得ることは難しい結果となっ た。すなわち、同じRC橋脚でも、それに与える 粘性減衰定数の目安が、橋の形式によって異な

ってしまうという矛盾が生じる可能性があるこ とが確かめられた。

これによって、M - 要素は粘性減衰に依存して 大きく解析結果が異なってしまうという不合理性が 確かめられた。しかし、ファイバー要素は粘性減衰 の値に左右されず合理的に履歴減衰を取り入れるこ とが出来るので、今後の活用が期待される。また、 橋梁の耐震設計の実務で(材料)非線形を考慮した 時刻歴応答解析法が動的解析として利用されるよう になってきている。このとき、比較的大規模なモデ ル化や立体構造物のモデル化も日常業務となってき ているが、これに有益な知見が得られたものと考え る。

今後は、部材の損傷状態をより正確に表現できる というファイバー要素の特長を生かし、各部材の照 査だけでなく橋梁全体系の耐震性能評価への適用を 検討したい。

参考文献

- 1) 土木学会:2002 年制定コンクリート標準示方書耐震性 能照査編,丸善,2002.12
- 2)(社)日本道路協会:道路橋の耐震設計に関する資料
 平成9年3月,1997.3.
- 3) Takeda, T., Sozen, M. A. and Nielsen, N. N. :Reinforced Concrete Response to Simulated Earthquakes, Journal of Structural Division, ASCE, Vol1.96, No.ST12, pp.2557-2573, 1970.12
- 4) 大崎順彦:建築振動理論,彰国社,1996
- 5) 睦好宏史,町田篤彦:動的外力を受ける鉄筋コンクリート部材の力学特性に関する研究,土木学会論文集,土 木学会, No.354/V-2, pp.81-90,
- 6)(社)日本道路協会:道路橋示方書・同解説 V 耐震設 計編 平成 14 年 3 月, 2002.3.
- 7) 柴田明徳:最新耐震構造解析,最新建築学シリーズ9,森北出版,1981
- 8) 早川涼二,川島一彦,渡邊学歩:水平2方向地震力を受ける単柱式 RC 橋脚の耐震性,土木学会論文集, No.759/I-67, pp.79-98, 2004.4
- 9) Maekawa, K., Pimanmas, A. and H. Okamura, H. : NONLINEAR MECHANICS OF REINFORCED CONCRETE, Spon Press, 2003
- 10) (株)フォーラムエイト, UC-win/FRAME(3D) 各要素モ デルと剛性方程式, 2003.9
- 11) 土木学会, 2003 年に発生した地震によるコンクリート 構造物の被害分析, コンクリートライブラリー114, 土 木学会, 2004.11